

MATRITSA VA DETERMINANTLAR. CHIZIQLI TENGLAMALAR SISTEMASINI KRAMER USULIDA YECHISH

Ramazonova Shohida Shomuhammad qizi

Osiyo xalqaro universiteti, "Umumtexnik fanlar" kafedrası o'qituvchisi

Annotatsiya: Ushbu maqolada matritsa tushunchasi, determinant tushunchasi, chiziqli tenglamalar sistemasini Kramer usulida yechish haqida ba'zi tavsiyalar berilgan.

Kalit so'zlar: matritsa, determinant, chiziqli tenglamalar sistemasi va uning yechimlari.

Bugunki kunda Ilmiy-tadqiqot va innovatsion faoliyatni rag'batlantirish, fan va innovatsion yutuqlarni amaliyotda joriy etishning samarali mexanizmlarini yaratish, oliy o'quv yurtlari va ilmiy-tadqiqot institutlari huzurida ixtisoslashtirilgan ilmiy-tadqiqot va tajriba laboratoriyalari, yuqori texnologiyalari markazlari va texnoparklar tashkil etish to'g'risida muhim vazifalar belgilab berilgan. Xususan matematika sohasida ko'plab sezilarli ishlar amalga oshirilmoqda. Bunga yaqqol misol sifatida O'zbekiston Respublikasi Prezidentining 07.05.2020 yildagi Matematika sohasidagi ta'lim sifatini oshirish va ilmiy-tadqiqotlarni rivojlantirish chora-tadbirlari to'g'risidagi PQ-4708-sonli qarori hamda 08.10.2019 yildagi O'zbekiston Respublikasi oliy ta'lim tizimini 2030-yilgacha rivojlantirish konsepsiyasini tasdiqlash to'g'risidagi O'zbekiston Respublikasi Prezidentining PF-5847-son farmonini keltirishimiz mumkin.

Matritsa tushunchasi. Dastlab algebra kursining asosiy tushunchalardan biri bo'lgan matritsa tushunchasi haqida qisqacha to'xtalib o'tamiz.

Ta'rif. m ta satr va n ta ustundan iborat bo'lgan to'g'ri to'rtburchak shaklidagi jadvalga matritsa deyiladi.

$$A = \begin{pmatrix} a_{1,1} & a_{1,2} & \dots & a_{1,n} \\ a_{2,1} & a_{2,2} & \dots & a_{2,n} \\ \dots & \dots & \dots & \dots \\ a_{m,1} & a_{m,2} & \dots & a_{m,n} \end{pmatrix}$$

Ba'zi hollarda A matritsa quyidagi ko'rinishda ham ifoda qilinadi:

$$= (a_{ij}), \quad i = \overline{1, m}, \quad j = \overline{1, n}.$$

Bu yerda a_{ij} sonlar matritsaning elementlari deyiladi (i-satr, j-ustunni ifodalaydi). 1×1 o'lchamli matritsaga satr matritsa yoki satr-vektor, $n \times 1$ o'lchamli matritsa ustun matritsa yoki ustun-vektor deb ataladi. $n \times n$ o'lchamli matritsaga n-tartibli kvadrat matritsa deyiladi.

Bosh diagonalidan bir tomonda yotuvchi barcha elementlari nolga teng bo'lgan kvadrat matritsaga uchburchak matritsa deyiladi.

Bosh diagonal elementlaridan boshqa barcha elementlari nolga teng bo'lgan kvadrat matritsaga diagonal matritsa deyiladi.

Barcha elementlari birga teng bo'lgan diagonal matritsa birlik matritsa deb ataladi va bilan belgilanadi.

Barcha elementlari nolga teng bo'lgan matritsaga nol matritsa deyiladi.

Ta'rif: n-tartibli A kvadrat matritsaning elementlaridan ma'lum bir qonun qoida asosida hosil qilinadigan son n-tartibli determinant deyiladi.

A kvadrat matritsaning determinanti $|A|$ yoki ΔA kabi belgilanadi. Ayrim o'quv adabiyotlarida determinant atamasini aniqlovchi deb ataladi.

Chiziqli tenglamalar sistemasi haqida umumiy tushunchalar.

Ma'lumki bir necha tenglamalar birgalikda qaralsa, ularga tenglamalar sistemasi deyiladi. Tenglamalar sistemasidagi hamma tenglamalar chiziqli (1-darajali) bo'lsa, bunday tenglamalar sistemasiga chiziqli tenglamalar sistemasi deyiladi. Tenglamalar sistemasidagi noma'lumlar

Index: [google scholar](#), [research gate](#), [research bib](#), [zenodo](#), [open aire](#).

https://scholar.google.com/scholar?hl=ru&as_sdt=0%2C5&q=wosjournals.com&btnG

<https://www.researchgate.net/search/publication?q=worldly%20knowledge>

<https://journalseeker.researchbib.com/view/issn/3060-4923>

o'rniga ma'lum sonlar majmuini qo'yganda, sistemaning hamma tenglamalari ayniyatga aylansa, bunday sonlar majmuasiga tenglamalar sistemasining yechimi (ildizi) deyiladi. Bunday sonlar majmui bitta bo'lsa, tenglamalar sistemasi yagona yechimga ega bo'lib, bu sistema aniqlangan (tayin, muayyan) deb ataladi va bu tenglamalar sistemasi birgalikda deyiladi. Birgalikda bo'lgan sistema bittadan ko'p yechimga ega bo'lsa, bunday sistema aniq bo'lmagan sistema deyiladi.

Birgalikda bo'lgan tenglamalar sistemasi bir xil yechimlar majmuiga ega bo'lsa, bunday sistemalar ekvivalent deyiladi. Tenglamalar sistemasi birorta ham yechimga ega bo'lmasa, bunday sistemaga birgalikda bo'lmagan sistema deyiladi.

Fan va texnika, iqtisodiyotning ham ko'p masalalarining matematik modellari chiziqli tenglamalar sistemasi orqali ifodalanadi.

Chiziqli tenglamalar sistemasini Kramer usulida yechishda bevosita berilgan sistemaning ustida ish olib boriladi.

Kramer formulalarini $n=2$ hol uchun yozamiz. Bunda quyidagi chiziqli tenglamalar sistemasini

$$\begin{cases} a_{11}x_1 + a_{12}x_2 = b_1 \\ a_{21}x_1 + a_{22}x_2 = b_2 \end{cases}$$

Asosiy va yordamchi determinantlar

$$\Delta = \begin{vmatrix} a_{11} & a_{12} \\ a_{21} & a_{22} \end{vmatrix}, \quad \Delta_1 = \begin{vmatrix} b_1 & a_{12} \\ b_2 & a_{22} \end{vmatrix}, \quad \Delta_2 = \begin{vmatrix} a_{11} & b_1 \\ a_{21} & b_2 \end{vmatrix}$$

va Kramer formulalari

$$x_1 = \frac{\Delta_1}{\Delta}, \quad x_2 = \frac{\Delta_2}{\Delta}$$

ko'rinishda bo'ladi.

Sistemaning koeffitsientlaridan tuzilgan Δ determinant sistemaning asosiy determinanti deb ataladi. Δ_x determinant Δ dagi birinchi ustun elementlarini ozod sonlar bilan almashtirish natijasida, Δ_y esa Δ dagi ikkinchi ustun elementlarini ozod sonlar bilan almashtirish natijasida hosil bo'ladi.

Yuqorida berilgan formulalar uning ixtirochisi Shvetsariyalik matematik Kramer(1704-1752)ning sharafiga Kramer formulalari deb ataladi.

Quyida mavzuga oid bitta masalani Kramer usulida yechish algoritmini keltirib o'tamiz:

Masala. Quyidagi chiziqli tenglamalar sistemasini Kramer usulida yeching.

$$\begin{cases} x_1 + 2x_2 = 36 \\ 12x_1 - x_2 = 11 \end{cases}$$

$$\text{Yechish: } \Delta = \begin{vmatrix} 1 & 2 \\ 12 & -1 \end{vmatrix} = -1 - 24 = -25$$

$$\Delta_1 = \begin{vmatrix} 36 & 2 \\ 11 & -1 \end{vmatrix} = -36 - 22 = -58 \quad \Delta_2 = \begin{vmatrix} 1 & 2 \\ 12 & -1 \end{vmatrix} = -1 - 24 = -25$$

$$x_1 = \frac{\Delta_1}{\Delta} = \frac{-58}{-25}, \quad x_2 = \frac{\Delta_2}{\Delta} = \frac{-25}{-25} = 1.$$

Xulosa:

Kramer usulining afzalligi shundan iboratki, u orqali sistemaning ma'lum bir noma'lumlarini ham toppish mumkin. Ammo bu usul ham n kata bo'lganda yuqori tartibli determinantni hisoblashni taqazo etadi va shu sababli uni amalda qo'llash yetarlicha qiyindir.

FOYDALANILGAN ADABIYOTLAR

1. Turdiev Kh.Kh., Bahronova S.B. "Existence of a solution to the problem posed for a system of fractional diffusion equations" BuxDu ilmiy axboroti Respublika miqyosidagi ilmiy-amaliy anjuman.

2. Бахронова .С.Б. (2024). СИСТЕМА ВОЛНОВЫХ УРАВНЕНИЙ, ПРИВОДИМАЯ ОПЕРАТОРОМ ДРОБНОГО ПОРЯДКА РИМАНА-ЛИУВИЛЯ В КАНОНИЧЕСКУЮ ФОРМУ. МЕДИЦИНА, ПЕДАГОГИКА И ТЕХНОЛОГИИ
3. Muxtaram Boboqulova Xamroyevna. (2024). THERMODYNAMICS OF LIVING SYSTEMS. Multidisciplinary Journal of Science and Technology, 4(3), 303–308.
4. Muxtaram Boboqulova Xamroyevna. (2024). QUYOSH ENERGIYASIDAN FOYDALANISH . TADQIQOTLAR.UZ, 34(2), 213–220.
5. Xamroyevna, M. B. (2024). Klassik fizika rivojlanishida kvant fizikasining orni. Ta'limning zamonaviy transformatsiyasi, 6(1), 9-19.
6. Xamroyevna, M. B. (2024). ELEKTRON MIKROSKOPIYA USULLARINI TIBBIYOTDA AHAMIYATI. PEDAGOG, 7(4), 273-280.
7. Boboqulova, M. X. (2024). FIZIKANING ISTIQBOLLI TADQIQOTLARI. PEDAGOG, 7(5), 277-283.
8. Xamroyevna, M. B. (2024). RADIATION NURLARNING INSON ORGANIZMIGA TASIRI. PEDAGOG, 7(6), 114-125.
9. Xamroyevna, M. B. (2024). TERMOYADRO SINTEZ REAKSIYALARINI BOSHQARISH MUAMMOSI. *Ensuring the integration of science and education on the basis of innovative technologies.*, 1(3), 62-68.
10. Xamroyevna, M. B. (2024). SUYUQ KRISTALLAR VA ULARNING XUSUSIYATLARI. *Modern digital technologies in education: problems and prospects*, 1(2), 32-38.
11. Xamroyevna, M. B. (2024). PLAZMA VA UNING XOSSALARI. PLAZMANING QO‘LLANILISHI. *Introduction of new innovative technologies in education of pedagogy and psychology*, 1(3), 73-78.
12. Xamroyevna, M. B. (2024). TERMOELEKTRIK HODISALAR. *Introduction of new innovative technologies in education of pedagogy and psychology*, 1(3), 102-107.
13. Xamroyevna, M. B. (2024). OCHIQ TIZIMLARDA ENTROPIYANING LOKAL KAMAYISHI VA DISSIPATIV STRUKTURALAR. *Introduction of new innovative technologies in education of pedagogy and psychology*, 1(3), 86-92.
14. Xamroyevna, M. B. (2024). O‘TA O‘TKAZUVCHANLIK VA UNING KVANTOMEXANIK TALQINI. *Introduction of new innovative technologies in education of pedagogy and psychology*, 1(3), 93-101.
15. Xamroyevna, M. B. (2024). FUNDAMENTAL O‘ZARO TA‘SIRLAR TURLARI. *Introduction of new innovative technologies in education of pedagogy and psychology*, 1(3), 79-85.
16. Bobokulova, M. (2024). Alternative energy sources and their use. *Medicine, pedagogy and technology: theory and practice*, 2(9), 282-291.
17. Boboqulova, M. X. (2025). YUQORI CHASTOTALI SIGNALLARNI UZATISH USULLARI. PEDAGOGIK TADQIQOTLAR JURNALI, 2(2), 32-35.
18. Boboqulova, M. X. (2025). TO‘LQIN O‘TKAZGICHLAR (VOLNOVODLAR). *Problems and solutions at the stage of innovative development of science, education and technology*, 2(1), 1-7.
19. Boboqulova, M. X. (2025). MIKROZARRALARNING KORPUSKULYAR-TO‘LQIN DUALIZMI. SHREDINGER TENGLAMASI. *Problems and solutions at the stage of innovative development of science, education and technology*, 2(1), 8-13.
20. Boboqulova, M. X. (2025). SPINLI ELEKTRONIKA. *Problems and solutions at the stage of innovative development of science, education and technology*, 2(1), 60-65.

21. Boboqulova, M. X. (2025). INTERFEROMETRLAR. KO ‘P NURLI INTERFERENSIYA. *Problems and solutions at the stage of innovative development of science, education and technology*, 2(1), 54-59.
22. Boboqulova, M. X. (2025). SHAFFOF JISMLARNING SINDIRISH KO ‘RSATKICHINI MIKROSKOP YORDAMIDA ANIQLASH. *Problems and solutions at the stage of innovative development of science, education and technology*, 2(1), 48-53.